

Unidad I - Electroestática

Introducción

- Fuerzas de interacción: acciones a distancia
- Fuerzas Electromagnéticas



Un poco de historia

- El término eléctrico, tiene su origen en las experiencias realizadas en la antigüedad donde se observó que cuando se frotaba con un paño de lana una barra de ámbar o elektron adquiría la propiedad de atraer hacia sí pequeños cuerpos ligeros
- Los fenómenos análogos a los producidos con el ámbar se denominaron fenómenos eléctricos y más recientemente fenómenos electrostáticos

- Constituye una propiedad fundamental de la materia. Se manifiesta a través de ciertas fuerzas, denominadas electrostáticas, que son las responsables de los fenómenos eléctricos.
- Su influencia en el espacio puede describirse con el auxilio de la noción física de campo de fuerzas.
- El concepto de potencial hace posible una descripción alternativa de dicha influencia en términos de energías.

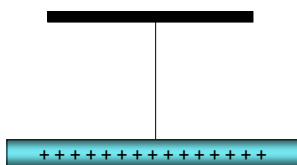
- La electrostática es la parte de la física que estudia este tipo de comportamiento de la materia.
- Se preocupa de la medida de la carga eléctrica o cantidad de electricidad presente en los cuerpos y de los fenómenos asociados a las cargas eléctricas en reposo.

Algunos experimentos

- Electricidad por frotación:

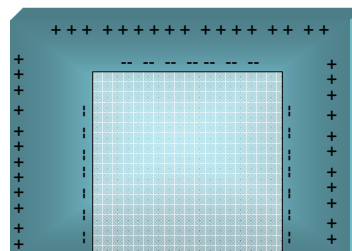


Algunos experimentos:



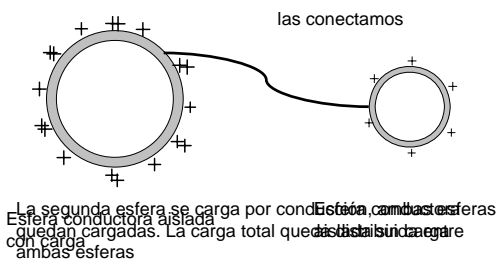
Algunos experimentos:

- Electricidad por inducción



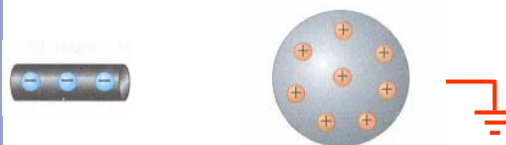
Algunos experimentos:

- Electrificación por conducción



Algunos experimentos:

- Electrificación por conducción: otro ejemplo



Aislantes y conductores

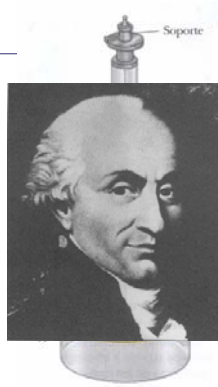
- Un conductor es un material en que la carga puede moverse de manera relativamente libre
- Un aislante es un material en que la carga no puede moverse libremente

Semiconductores

- Son un tercer tipos de materiales, sus propiedades son un termino medio entre aislantes y conductores
- Las cargas pueden moverse con cierta libertad, pero en un semiconductor son muchas menos cargas las que se mueven

Ley de Coulomb

- Charles Coulomb (1736-1806) midió las fuerzas entre objetos cargados.



- Invento la balanza de torsión, que permitió medir fuerzas pequeñas

Ley de Coulomb

$$|\vec{F}| \propto \frac{q_1 * q_2}{d^2}$$

La fuerza eléctrica que surge entre dos cargas es proporcional al producto de las mismas e inversamente proporcional a la distancia que las separa

Ley de Coulomb

- Para poder plantear la igualdad, introducimos una constante, dependiente del medio

$$|\vec{F}| \propto k_e \frac{q_1 * q_2}{d^2}$$

k_e Constante de Coulomb

Ley de Coulomb

$$|\vec{F}| = \frac{k_e^1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 * q_2}{d^2}$$

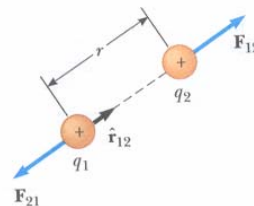
ϵ_0 permitividad del vacío

$$\epsilon_0 = 8,8542 * 10^{-12} \frac{C^2}{N * m^2}$$

Ley de Coulomb

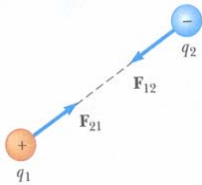
- La ley de Coulomb solo es exacta para partículas, carga puntual.
- Como toda fuerza, la fuerza eléctrica es una magnitud vectorial

Ley de Coulomb



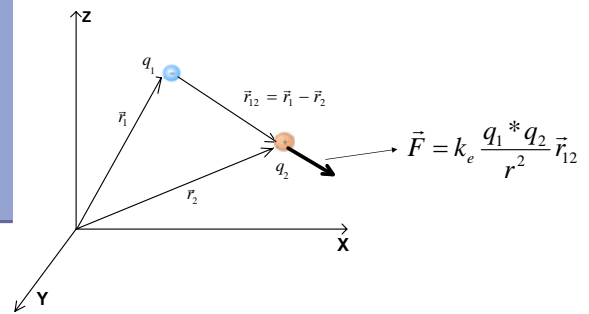
$$\vec{F} = k_e \frac{q_1 * q_2}{r^2} \vec{r}_{12}$$

Ley de Coulomb



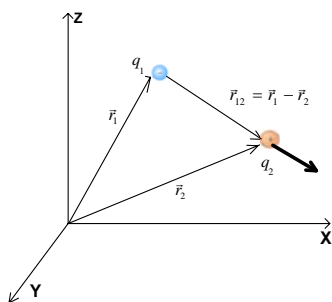
$$\vec{F} = k_e \frac{q_1 * q_2}{r^2} \vec{r}_{12}$$

Ley de Coulomb



$$\vec{F} = k_e \frac{q_1 * q_2}{r^2} \vec{r}_{12}$$

Ley de Coulomb



Escribiendo en forma vectorial

$$r_{12} = |\vec{r}_{12}| = |\vec{r}_1 - \vec{r}_2|$$

$$\vec{F}_{12} = k \frac{q_1 * q_2}{r_{12}^3} \vec{r}_{12}$$

Ley de Coulomb

■ Principio de superposición

La fuerza resultante sobre cada partícula es la suma vectorial de cada fuerza individual ejercida por cada una de las demás partículas

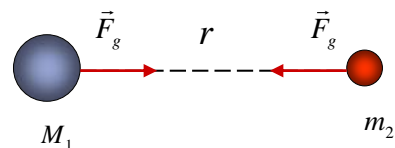
Ley de Coulomb

■ Principio de superposición

$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \dots + \vec{F}_n$$

$$\vec{F} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$$

La ley de Coulomb y la ley de Gravitación Universal de Newton



$$\vec{F}_g = -G \frac{M_1 * m_2}{r_{12}^3} \vec{r}_{12}$$

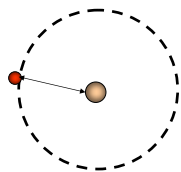
Aplicaciones de la Ley de Coulomb

1 - Cálculo de radio del átomo de hidrogeno:

$$e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ coul} \quad F_e = 8,2 \cdot 10^{-18} \text{ coul}$$

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2}$$

$$r = \sqrt{\frac{Kq_1q_2}{F_e}}$$



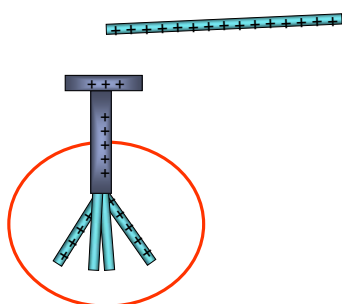
$$r = \sqrt{\frac{9 \cdot 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{Coul}^2} \cdot 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ coul} \cdot 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ coul}}{8,2 \cdot 10^{-18} \text{ N}}} \quad r = 2,8 \cdot 10^{-11} \text{ m}$$

Aplicaciones de la Ley de Coulomb

2 - El electroscopio



Aplicaciones de la Ley de Coulomb

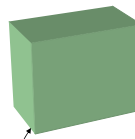


Distribuciones de Carga

¿puedo aplicar la Ley de Coulomb?

NO

, solo se la puede aplicar para cargas puntuales



Carga puntual negativa q



Cuerpo con carga positiva Q

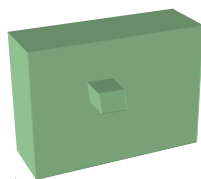
Distribuciones de Carga

Distribución volumétrica de carga

¿Cómo hacemos?

$$V = \Delta V_1 + \Delta V_2 + \Delta V_3 + \dots + \Delta V_n$$

$$Q = \Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3 + \dots + \Delta q_n$$



Q

Δq

$$\Delta q_i \rightarrow \Delta F_i$$

$$\vec{F} \approx \sum_{i=1}^n \Delta F_i \vec{r}_i$$

Distribuciones de Carga

Si $n \rightarrow \infty \Rightarrow \Delta V \rightarrow 0$

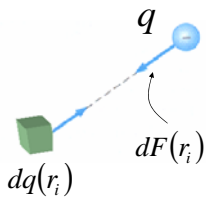
Definimos la densidad volumétrica de carga en el punto r_i como:

$$\rho(r_i) = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\Delta q_i(r_i)}{\Delta V} = \frac{dq(r_i)}{dV}$$

$$\rho(r_i) = \frac{dq(r_i)}{dV} \Rightarrow dq(r_i) = \rho(r_i) \cdot dV$$

$$dq(r_i) \Rightarrow dF(r_i)$$

Distribuciones de Carga



Aplicamos ahora la Ley de Coulomb

$$d\vec{F}(r_i) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q * dq(r_i)}{r_i^2} \vec{r}_i$$

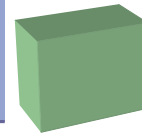
Si conocemos ρ será

$$d\vec{F}(r_i) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{\rho(r_i) * dV}{r_i^2} \vec{r}_i$$

Distribuciones de Carga

Distribución volumétrica de carga

Para obtener la fuerza eléctrica total integramos en todo el volumen del cuerpo

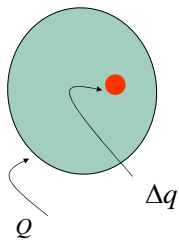


$$\vec{F}_T = \int_V d\vec{F}(r_i)$$

$$\vec{F}_T = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \int_V \frac{\rho(r_i)}{r_i^2} * dV \vec{r}_i$$

Distribuciones de Carga

Distribución superficial de cargas



$$\Delta S \rightarrow \Delta q$$

$$S = \Delta S_1 + \Delta S_2 + \Delta S_3 + \dots + \Delta S_n$$

$$Q = \Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3 + \dots + \Delta q_n$$

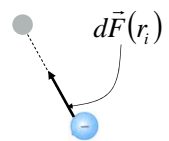
$$n \rightarrow \infty \Rightarrow \Delta S \rightarrow 0 \Rightarrow \Delta q \rightarrow dq$$

Distribuciones de Carga

Definimos la densidad superficial de carga en el punto r_i como:

$$\sigma(r_i) = \lim_{\Delta S \rightarrow 0} \frac{\Delta q_i(r_i)}{\Delta S} = \frac{dq(r_i)}{dS}$$

$$\sigma(r_i) = \frac{dq(r_i)}{dS} \Rightarrow dq(r_i) = \sigma(r_i) dS$$



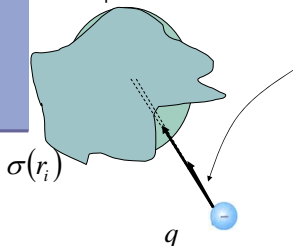
Si tenemos una carga puntual, aplicando la Ley de Coulomb, podemos calcular la fuerza como:

$$d\vec{F}(r_i) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q * dq(r_i)}{r_i^2} \vec{r}_i = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma(r_i) dS}{r_i^2} \vec{r}_i$$

Distribuciones de Carga

Distribución superficial de cargas

Para obtener la fuerza eléctrica total integramos en toda la superficie del cuerpo

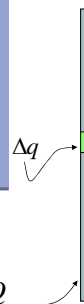


$$\vec{F}_T = \int_S d\vec{F}(r_i)$$

$$\vec{F}_T = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \int_S \frac{\sigma(r_i)}{r_i^2} * dS \vec{r}_i$$

Distribuciones de Carga

Distribución lineal de cargas



$$\Delta L \rightarrow \Delta q$$

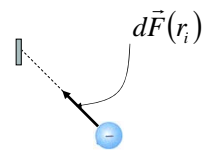
$$L = \Delta L_1 + \Delta L_2 + \Delta L_3 + \dots + \Delta L_n$$

$$Q = \Delta q_1 + \Delta q_2 + \Delta q_3 + \dots + \Delta q_n$$

$$n \rightarrow \infty \Rightarrow \Delta L \rightarrow 0 \Rightarrow \Delta q \rightarrow dq$$

Distribuciones de Carga

Definimos la densidad lineal de carga en el punto r_i como:

$$\lambda(r_i) = \lim_{\Delta L \rightarrow 0} \frac{\Delta q_i(r_i)}{\Delta L} = \frac{dq(r_i)}{dL}$$


$$\lambda(r_i) = \frac{dq(r_i)}{dL} \Rightarrow dq(r_i) = \lambda(r_i)dL$$

Si tenemos una carga puntual, aplicando la Ley de Coulomb, podemos calcular la fuerza como:

$$d\vec{F}(r_i) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q * dq(r_i)}{r_i^2} \vec{r}_i = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda(r_i)dL}{r_i^2} \vec{r}_i$$

Distribuciones de Carga

Distribución lineal de cargas

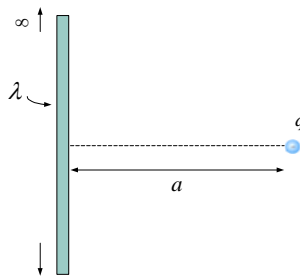
Para obtener la fuerza eléctrica total integramos en toda la longitud del cuerpo

$$\vec{F}_T = \int_L d\vec{F}(r_i)$$

$$\vec{F}_T = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \int_L \frac{\lambda(r_i)}{r_i^2} * dL \vec{r}_i$$

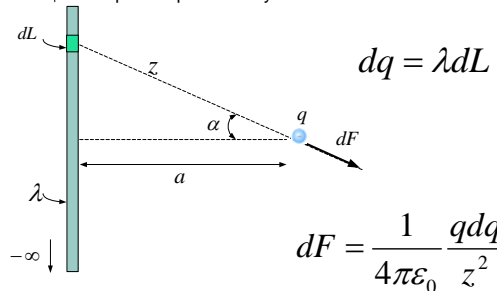
Distribuciones de Carga

- Ejemplo: calcular la fuerza ejercida por un varilla de longitud infinita cargada con una distribución lineal λ constante, sobre una carga puntual q situada en un punto P a una distancia a



Distribuciones de Carga

Para poder aplicar la Ley de Coulomb consideramos un dq

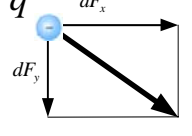


$$dq = \lambda dL$$

$$dF = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q dq}{z^2} \vec{z}$$

Distribuciones de Carga

Consideremos los componentes cartesianos de la fuerza



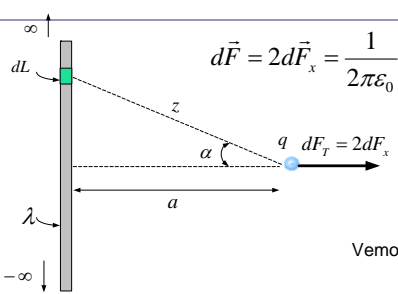
$$\vec{F}_T = \sum \vec{F}_{T_x} + \sum \vec{F}_{T_y}$$

$$\sum \vec{F}_{T_y} = \vec{F}_y - \vec{F}_y = 0$$

$$\sum \vec{F}_{T_x} = \vec{F}_x + \vec{F}_x = 2\vec{F}_x$$

$$d\vec{F} = 2d\vec{F}_x = 2 * \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q dq}{z^2} \cos \alpha = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q dq}{z^2} \cos \alpha$$

Distribuciones de Carga



$$d\vec{F} = 2d\vec{F}_x = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q dq}{z^2} \cos \alpha$$

$$\vec{F}_T = \int_L d\vec{F}$$

Vemos que $-\infty \leq L \leq \infty$

$$F_T = \int_L d\vec{F} = \int_{-\infty}^{\infty} 2d\vec{F}_x = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q dq}{z^2} \cos \alpha$$

Distribuciones de Carga

$$\vec{F}_T = \int_L d\vec{F} = \int_{-\infty}^{\infty} 2d\vec{F}_x = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q dq}{z^2} \cos \alpha$$

Teniendo en cuenta que: $dq = \lambda dL$

$$\vec{F}_T = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q dq}{z^2} \cos \alpha = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{q \lambda dL}{z^2} \cos \alpha = \frac{q \lambda}{2\pi\epsilon_0} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dL}{z^2} \cos \alpha$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{L}{a} \Rightarrow L = a * \operatorname{tg} \alpha \Rightarrow dL = \frac{a}{\cos^2 \alpha} d\alpha$$

$$\cos \alpha = \frac{a}{z} \Rightarrow z = \frac{a}{\cos \alpha} \Rightarrow z^2 = \frac{a^2}{\cos^2 \alpha}$$

Distribuciones de Carga

Reemplazando las ecuaciones anteriores

$$\vec{F}_T = \frac{q \lambda}{2\pi\epsilon_0} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dL}{z^2} \cos \alpha = \frac{q \lambda}{2\pi\epsilon_0} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{a}{\cos^2 \alpha} d\alpha \frac{\cos^2 \alpha}{a^2} \cos \alpha =$$

$$\vec{F}_T = \frac{q \lambda}{2\pi\epsilon_0} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{a}{\cos^2 \alpha} d\alpha \frac{\cos^2 \alpha}{a^2} \cos \alpha =$$

$$L \rightarrow \infty \Rightarrow \alpha \rightarrow \frac{\pi}{2} \quad L \rightarrow -\infty \Rightarrow \alpha \rightarrow -\frac{\pi}{2}$$

$$\vec{F}_T = \frac{q \lambda}{2\pi\epsilon_0} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \frac{a}{\cos^2 \alpha} d\alpha \frac{\cos^2 \alpha}{a^2} \cos \alpha = \frac{q \lambda}{2\pi\epsilon_0} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \alpha d\alpha$$

Distribuciones de Carga

$$\vec{F}_T = \frac{q \lambda}{2a\pi\epsilon_0} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos \alpha d\alpha = \frac{q \lambda}{2a\pi\epsilon_0} \left(\operatorname{sen} \frac{\pi}{2} - \operatorname{sen} \left(\frac{-\pi}{2} \right) \right) =$$

$$F_T = \frac{q \lambda}{2a\pi\epsilon_0} * 2 = \frac{q \lambda}{a\pi\epsilon_0}$$

$$F_T = \frac{q \lambda}{a\pi\epsilon_0}$$

